2020年10月

文章编号:1007-2780(2020)10-1073-06

# 基于 FPGA 的 FIR 数字滤波器设计及实现

宋卓达 $^{1,2}$ ,王志乾 $^{1*}$ ,李建荣 $^{1}$ ,沈铖武 $^{1,2}$ ,刘绍锦 $^{1}$  (1.中国科学院 长春光学精密机械与物理研究所,吉林 长春 130033; 2.中国科学院大学,北京 100049)

摘要:针对应变信号采集系统中的信号处理环节,设计并实现一种基于现场可编程门阵列(FPGA)的 FIR 数字滤波器。首先,基于 Matlab 采用克莱德曼窗函数设计一个长度为 16 的 15 阶数字滤波器,并生成高斯白噪声与频率为 2 kHz、8 kHz正弦波的合成信号,然后量化 12 位系数,将系数文件导入 Quartus II 13.1 软件,结合 FPGA 内部数字滤波器 IP 核,采用自上而下的方式设计出 FIR 数字滤波器,最终在 Simulink 环境下对其进行仿真。实验结果表明,滤波前后合成信号的均方误差下降 28.5%,提高了低频信号质量,增强了应变信号采集系统的功能性和集成度。

关键词:信号采集;FIR 数字滤波器;FPGA;IP 核

中图分类号:TN911.72;TN713.7 文献标识码:A doi:10.37188/YJYXS20203510.1073

## Design and implementation of FIR digital filter based on FPGA

SONG Zhuo-da<sup>1,2</sup>, WANG Zhi-qian<sup>1\*</sup>, LI Jian-rong<sup>1</sup> SHEN Cheng-wu<sup>1,2</sup>, LIU Shao-jin<sup>1</sup>

- (1. Changchun Institute of Optics, Fine Mechanics and Physics, Chinese Academy of Sciences, Changchun 130033, China;
  - 2. University of Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China)

Abstract: A Finite Impulse Response (FIR) digital filter based on Field Programmable Gate Array (FPGA) is designed and implemented for signal processing in strain signal acquisition system. Firstly, based on MATLAB, Blackman window function is used to design a 15 order digital filter with 16 length, and the signal is composed of white Gaussian noise and sine wave with frequency of 2 kHz and 8 kHz. Then the 12 bit coefficients are quantized, and the coefficient file is imported into Quartus II 13.1 software. Combining with the IP core of digital filter in FPGA, FIR digital filter is designed from top to bottom. Finally, it is simulated in Simulink environment. The results show that the mean square error of the synthesized signal decreases by 28.5% before and after filtering, which can improve the quality of low frequency signal and enhanced the function and integration of the strain signal acquisition system.

Key words: signal acquisition; FIR digital filter; FPGA; IP core

收稿日期:2020-04-09;修订日期:2020-06-04.

基金项目:吉林省科技厅技术攻关项目(No.20190302086GX,No. 20200403067SF)

Supported by Key Science and Technoloy Foundation of Jilin Province, China (No. 20190302086GX, No. 20200403067SF)

<sup>\*</sup>通信联系人,E-mail:zhiqian\_wang@sina.com

#### 引 1 言

在高速旋转部件的性能测试、强度及疲劳试 验过程中,通常采用应变测量技术,实时采集旋转 部件载荷的应变信号,进行分析和处理,为旋转部 件的结构设计提供理论分析数据[1]。在应变信号 采集的过程中,应变电桥的输出电压信号的变化 十分微小,达到  $\mu V$  级。为获得高质量的低频电 压信号,本文采用一种基于 FPGA 的 FIR 数字滤 波器进行信号处理,在高转速、气动性复杂、震动 环境恶劣的情况下,提高所采集应变信号的精度。 采用软硬件协同设计技术,利用 FPGA 定制 IP, 每一个模块都能单独完成,又能轻松整合在一起 形成一个系统[2]。

FIR 滤波器的实质是将输入的连续时间信号 按照设定的算法转换成离散时间信号的滤波装 置[3],而 FPGA 内含丰富的 IP 核和 LUT 表结 构,能够完整地将 FIR 数字滤波器移植到 FPGA 上,并且可以根据实际需求在线修改滤波器的参 数,大幅缩减了产品的设计周期,并增强应变信号 采集系统本身的集成度和灵活性。

利用可编程逻辑器件和 EDA 技术实现 FIR 数字滤波器是现代嵌入式系统信号处理环节普遍 采用的手段[4],随着 FPGA 逻辑单元数量和集成 度不断提高,可在 FPGA 上实现 FIR 数字滤波器 的算法复杂程度、量化系数位宽、阶数等也随之提 高,具有可观的发展前景。

#### 2 系统框架

应变信号采集系统的总体框架如图 1 所示, 整个系统分为模拟部分和数字部分。

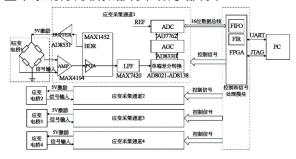


图 1 应变信号采集系统流程框图

Fig.1 Block diagram of strain signal acquisition system

其中模拟部分有 4 个应变信号采集通道,每个 采集通道包含对应变电桥的模拟信号进行预放大、 调理和 A/D 采集,数字信号部分包括对模拟板前 端电压信号偏移量修正和温度补偿控制、程控自动 增益、A/D采集的读写控制和接收经过 A/D 采集 后的信号,并对其进行缓存和处理[5]。最后将信号 通过 UART 串行总线传输至 PC 端显示[6]。

### FIR 数字滤波器的设计

#### 3.1 基本原理和结构

FIR 数字滤波器为单位脉冲响应有限长序 列[7],是非递归性线性时不变因果系统,对于 N 阶 FIR 滤波器输入时间序列 x(n)的输出表达式为:

$$y(n) = \sum_{i=0}^{n-1} h(i) x(n-i) , \qquad (1)$$
系统传递函数可表示为:

$$H(z) = \sum_{i=0}^{n-1} h(n) z^{-n} = h(0) + h(1) z^{-1} + \dots + h(n-1) z^{-(n-1)} ,$$
(2)

式中:h(n)为滤波器第级n 抽头系数,x(n-i)为 延时 i 个抽头输入。

FIR 滤波器按构成形式主要有直接型、级联 型、线性相位 FIR 滤波器等[8]。其中直接型结构 如图 2 所示,该结构需要 N 个乘法器,每次采样 y(n)都需要进行 n 次乘法和 n-1 次加法实现乘 累加之和[9]。

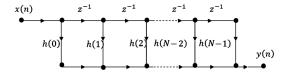


图 2 直接型 FIR 滤波器网络结构

Fig.2 Network structure of direct FIR filter

对于线性相位 FIR 滤波器,其单位响应是对 称或反对称的,即  $h(n) = \pm h(N-1-n)$ ,利用 其对称性可以简化网络结构, 当 h(n) 为偶对称且 N 为偶数时:

$$y(n) = \sum_{i=0}^{n-1} h(i) x(n-i) = \sum_{i=0}^{\frac{N}{2}-1} h(i) [x(n-i) + (n-N+m)].$$
(3)

其线性网络结构如图 3 所示,仅需要 N/2 个乘法器。FIR 滤波器实际上是一个分节的延时线,把每一节的输出加权累加得到滤波器的输出[10]。本设计采用线性相位 FIR 数字滤波器。

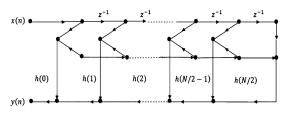


图 3 FIR 滤波器线性相位网络结构

Fig.3 Linear phase network structure of FIR filter

#### 3.2 FIR 滤波器设计流程

FIR 数字滤波器设计流程如图 4 所示,整个FIR 数字滤波器的设计可以分为滤波器系数设计和滤波器在 FPGA 上实现两个部分。利用 Matlab 软件设计出 FIR 数字滤波器各级抽头系数,并将FIR 数字滤波器的功能移植到 FPGA 上。

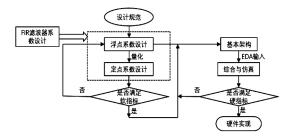


图 4 FIR 滤波器设计流程图

Fig.4 Flow chart of FIR filter design

### 4 FIR 数字滤波器的 FPGA 实现

#### 4.1 Matlab 设计滤波器系数

通过使用 Matalb 中 FDA Tool 工具箱设计出一个 15 阶低通线性相位 FIR 数字滤波器,其采样频率为 20 kHz,截止频率为 3 kHz,长度为16 位,并采用布莱克曼窗实现,将滤波器浮点系数量化为 12 位。运行所编辑的滤波器,并将量化后的滤波器系数写入 FIRCOE.TXT 文件中。滤波器设计界面如图 5 所示。

#### 4.2 Simulink 仿真滤波器输入信号

将 Simulink 中正弦波信号产生模块 sine wave、高斯白噪声模块 AWGN 通过多信号叠加模块 add 生成一个采样频率为 20 kHz 的信号干扰源,并生成 12 位量化系数,再与 2 kHz 和

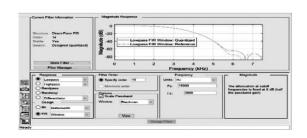


图 5 FDAtool 滤波器设计界面

Fig.5 Design interface of FDATool filter

8 kHz的正弦波信号合成作为 FPGA 的输入信号。信号发生模块如图 6 所示。

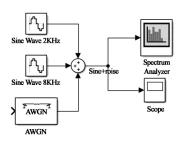


图 6 合成信号发生模块

Fig.6 Schematic diagram of synthetic signal generating module

#### 4.3 IP 核设计 FIR 数字滤波器

进入 Quartus II P 核设置界面,设计一个 15 阶低通线性滤波器,将 4.2 中的 FIRCOE 系数文件导入到 Coefficient set 中[11],配置好滤波器各项参数,生成 FIR 数字滤波器模块,并将其实例化引用。数字滤波器 RTL 级原理如图 7 所示,其中 ast \_sink\_data[11..0]和 ast\_\_source\_\_data[25..0]分别为信号输入端口和数据输出端口。整个模块只占用 2 199个逻辑元,占用率不到 10%。



图 7 数字滤波器 RTL 级原理图

Fig.7 RTL level schematic diagram of digital filter

# 5 FIR 数字滤波器仿真与性能测试

#### 5.1 FIR 数字滤波器功能仿真

搭建 FPGA 与 Simulink 联合实时环路平台,在 Simulink 创建测试模块,通过测试模块产生信号,再传送到 FPGA,FPGA 将信号处理后返回Simulink 显示[12]。首先在 Simulink 中创建用户

板卡,配制板卡上 FPGA 芯片信息,本设计FPGA 采 用 的 是 Cyclone IV 系 列EP4CE6E22C8N。然后采用JTAG连接方式,设置JTAG接口类型、时钟信号频率、引脚号、时钟类型、复位信号引脚、复位电平等信息,并将配置的信息保存在 logic\_board.xml 文件中。创建Simulink模型,将配置好的 logic board.xml 文件导入,加载 RTL 文件即 Verilog 代码文件,并将其设置为顶层文件,自动配置 IO 口,将数据传送到 Simulink中。仿真结果如图 8、图 9 所示。

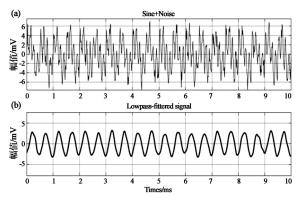
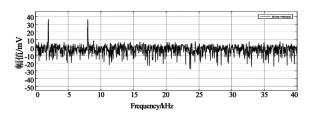


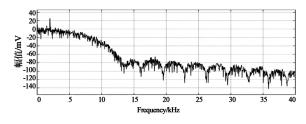
图 8 合成信号滤波前(a)后(b)时域波形图

Fig.8 Time domain waveform before (a) and after (b) filtering of synthetic signal



#### (a)滤波前合成信号频域波形

(a) Frequency domain waveform of synthesized signal before filtering



#### (b)滤波后合成信号频域波形

(b) Frequency domain waveform of filtered synthetic signal

### 图 9 合成信号滤波前后频域波形图

Fig.9 Frequency domain waveform before and after filtering of synthetic signal

由图 8、图 9 可知,滤波后的合成信号在时域和频域上趋于缓和,毛刺噪声已经滤除,并且同时滤除了 8 kHz 高频信号分量,滤波后的信号已形成规则平滑的频率为 2 kHz 的单频正弦信号,因此,FIR 线性相位低通滤波功能在 FPGA 上已经实现。

### 5.2 FIR 数字滤波器性能分析

将应变信号采集系统的 4 个应变采集通道分别对高速旋转部件的 4 个点进行应变测量,并且通过串口将 FIR 数字滤波前后量化结果的文本文件导入 Matlab 中,进行数据处理,得到 FIR 数字滤波前后的均方差,如表 1 所示。

#### 表 1 FIR 数字滤波前后均方差

Tab. 1 Mean square deviation before and after FIR digital filtering

通道	测量 次序	测试 数据量	数据均值	数字 滤波前 均方差	数字 滤波后 均方差
第一通道	1	30 015	<b>-88</b> 467	1 237.1	907.6
	2	35494	<b>-</b> 89 736	1 126.5	875.3
	3	38 772	-85 473	1 283.1	910.4
第二通道	1	40 913	-2 1073	972.5	674.1
	2	58 209	-19 386	856.4	600.8
	3	49 328	<b>-</b> 19 758	782.3	545.0
第三通道	1	79 635	70 394	709.2	539.5
	2	63 979	71 834	693.6	528.4
	3	64 298	70 936	707.0	545.5
第四通道	1	100 901	52 043	607.8	406.5
	2	70 365	52 864	583.4	384.3
	3	84 932	52 567	594.6	379.6

由表 1FIR 数字滤波前后量化信号均方差的对比可知,经过 FIR 数字滤波器后,信号的均方差大幅度下降,4 个通道的采集信号均方差平均下降 28.5%,具有良好的滤波效果。

#### 5.3 界面显示

为了能够将 4 个应变采集通道中的最终采样结果通过串口在 PC 端实时显示,使用 Matlab 中GUI 工具箱设计出显示界面,并且通过式(4)将

采样结果转化为对应的电压值。

$$U_{\text{o}} = (V_{\text{ref}} - \text{GND}) \times \frac{\text{ADC}_{\text{Reselt}}}{2^{N}} + \text{GND}$$
 , (4)

式中: $V_{\rm ref}$ 为 ADC 参考电压、GND 为输出结果为 0 时的最低电压, $ADC_{\rm Reselt}$ 为采样结果,N 为 ADC 位数。同时根据式(5),在全桥测量的情况下将电压转换成相应的应变量。

$$U_{\circ} = EK_{\varepsilon}$$
, (5)

式中: E 为电桥电压, K 为应变灵敏系数,  $\varepsilon$  为应变量。显示界面如图 10 所示。

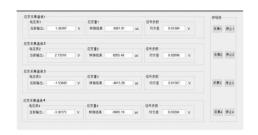


图 10 界面显示

Fig.10 Interface display

### 6 结 论

本文针对应变信号采集系统提出一种基于 FPGA 的 FIR 线性相位低通数字滤波器方案,构建了数字滤波器设计与仿真体系,最终在 FPGA 上实现,而且仿真系统可以任意改变合成信号的类型、数字滤波器的种类和各项参数,相比传统的通过编写 testbentch 脚本仿真文件导入 Modelsim 来实现仿真结果,简化了复杂的仿真步骤,不需要在 FPGA 上增添信号发生模块,同时保证了实验可靠性。通过高速旋转部件的多次应变测量,结果表明数字滤波前后量化信号的均方差下降 28.5%,具有良好的滤波效果。增加显示界面,便于观察采样结果的动态变化。

对于接触式应变信号采集系统而言,将整个FIR 数字滤波器的功能移植在 FPGA 上,增强功能的同时,系统的体积、质量、电路复杂程度均不受影响,从而不会影响直升机在飞行测试中旋翼系统的动态平衡。

#### 参考文献:

- [1] 魏国波.直升机旋转动部件载荷测试技术研究[D].西安:西安电子科技大学,2013. WEI G B.The investigation in the Flight Test Technique of Rotary parts on helicopter [D]. Xi'an: Xidian University, 2013. (in Chinese)
- [2] 黄学业,凌朝东,黄锐敏,等.基于 FPGA 的多路微弱医学生物电信号处理系统[J].液晶与显示,2014,29(2): 245-250.
  - HUANG X Y, LING C D, HUANG R M, et al. Multichannel weak medical bioelectrical signal processing system based on FPGA [J]. Chinese Journal of Liquid Crystals and Display, 2014, 29(2): 245-250. (in Chinese)
- [3] 杜勇.数字滤波器的 MATLAB 与 FPGA 实现[M].2 版.北京:电子工业出版社,2014.

  DU Y. MATLAB and FPGA Implementation of Digital Filter [M]. 2nd ed. Beijing: Publishing House of Electronics Industry, 2014. (in Chinese)
- [4] 卢雍卿,李剑文,许雯雯,等.基于 FPGA 的数字滤波器设计与仿真[J].软件导刊,2017,16(2):85-88. LU Y Q, LI J W, XU W W, et al. Design and simulation of digital filter based on FPGA [J]. Software Guide, 2017, 16(2): 85-88. (in Chinese)
- [5] 安都勋,霍建华,王留全.基于 MAX1452 的应变测试系统前端模块的设计[J].电子设计工程,2012,20(2):118-120. AN D X, HUO J H, WANG L Q. Design of strain testing system front-end module based on MAX1452 [J]. Electronic Design Engineering, 2012, 20(2): 118-120. (in Chinese)
- [6] 罗杰.Verilog HDL 与 FPGA 数字系统设计: Quartus [[M].北京:机械工业出版社,2015. LUO J. Design of Verilog HDL and FPGA Digital System Quartus [[M]. Beijing: China Machine Press, 2015. (in Chinese)
- [7] 王艳芬,张晓光,王刚,等.关于 FIR 滤波器窗函数设计法的若干问题讨论[J].电气电子教学学报,2017,39(2):
  - WANG Y F, ZHANG X G, WANG G, et al. Discussion on some problems about the design of window function of

- FIR filter [J]. Journal of Electrical & Electronic Education, 2017, 39(2): 83-88. (in Chinese)
- [8] 刘福泉.基于 FPGA 的 FIR 数字滤波器实现[D].北京:北京邮电大学,2012. LIU F Q. Implementation of FIR digital filter based on FPGA [D]. Beijing: Beijing University of Posts and Telecommunications, 2012. (in Chinese)
- [9] **郭晓伟,陈钟荣,夏利娜.基于** FPGA 的高速高阶 FIR 滤波器的频域改进方法[J].现代电子技术,2016,39(11):55-58,62.
  - GUO X W, CHEN Z R, XIA L N. Frequency domain improvement method for high-speed and high-order FIR filter based on FPGA [J]. *Modern Electronics Technique*, 2016, 39(11): 55-58, 62. (in Chinese)
- [10] 王辉.FIR 数字滤波器的设计与研究[J].装备制造技术,2018(1):48-49,62.
  WANG H.Design and research of FIR digital filter [J]. Equipment Manufacturing Technology, 2018(1):48-49,62. (in Chinese)
- [11] 陈媛媛,刘有耀.FIR 滤波器的 FPGA 设计与实现[J].电子设计工程,2017,25(24):65-69,73.

  CHEN Y Y, LI Y Y. FIR filter of the FPGA design and implementation [J]. Electronic Design Engineering, 2017, 25(24): 65-69, 73. (in Chinese)
- [12] 李亮.基于 Simulink 的软件无线电硬件协同仿真技术[D].成都:电子科技大学,2013.

  LI L. Simulink-based software radio hardware co-simulation technology [D]. Chengdu: University of Electronic Science and Technology of China, 2013. (in Chinese)

#### 作者简介:



宋卓达(1993一),男,吉林长春人,硕士研究生,2016 年于南昌大学获得学士学位,主要从事 FPGA 嵌入式系统设计方面的研究。E-mail:453474362@qq.com



王志乾(1969一),男,吉林省吉林市人,研究员,2009年于吉林大学获得博士学位,主要从事光电测量、数字信号处理方面的研究。E-mail;zhiqian\_wang@sina.com