文章编号 2097-1842(2023)05-1081-08

空间引力波探测前向杂散光测量和抑制

冷荣宽^{1,2}, 王 上^{1*}, 王 智^{1,3}, 陈志伟^{1,2}, 方 超¹ (1. 中国科学院长春光学精密机械与物理研究所, 吉林 长春 130033; 2. 中国科学院大学, 北京 100049; 3. 国科大杭州高等研究院基础物理与数学科学学院, 浙江 杭州 310024)

摘要:在空间引力波探测的超长臂干涉测量过程中,杂散光问题长期以来受到广泛关注。一方面,本地干涉仪发出的激光通过望远镜时会产生后向相干杂散光。另一方面,在轨情况下,来自空间的环境辐射入射到航天器还会产生前向非相干杂散光。一直以来,前向非相干杂散光受到的关注较少,然而却是空间引力波望远镜设计必须要考虑的因素。因此,本文对空间引力波探测望远镜在轨情况下产生的杂散光进行测量与抑制。首先,根据太极计划三星卫星编队的轨道数据对全年太阳角进行计算,对1064 nm 波段附近的太阳辐射进行评估,推导了遮光罩投影函数,最终给出遮光罩设计指标。然后,对望远镜进行光学与机械建模,并对关键光学元件进行散射测量。最后,根据入射太阳光能量对到达望远镜出瞳的杂散光进行计算。结果表明:当入射光与光轴夹角为 60°时,出瞳处的杂散辐射可达到 3.9×10⁻¹² W,对应点源透射比为 8.7×10°,满足空间引力波探测超低杂散光的需求。

关键 词:空间引力波探测;杂散光;散射光学

中图分类号:TP394.1;TH691.9 文献标志码:A doi:10.37188/CO.2022-0251

Measurement and suppression of forward stray light for spaceborne gravitational wave detection

LENG Rong-kuan^{1,2}, WANG Shang^{1*}, WANG Zhi^{1,3}, CHEN Zhi-wei^{1,2}, FANG Chao¹

(1. Changchun Institute of Optics, Fine Mechanics and Physics, Chinese Academy of Sciences,

Changchun 130033, China;

2. University of Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China;

3. School of Fundamental Physics and Mathematical Sciences, Hangzhou Institute for Advanced Study,

UCAS, Hangzhou 310024, China)

* Corresponding author, E-mail: ws790402497@163.com

Abstract: In the spaceborne gravitational wave interferometric detection, the problem of stray light has received long-term attention. The laser light emitted by the local interferometer produces backward coherent stray light when passing the telescope while the radiation from space that is incident to the spacecraft produces forward incoherent stray light. Forward incoherent stray light has received less attention at this point,

基金项目:国家自然科学基金 (No. 62075214);国家重点研发计划(No. 2020YFC2200104)

Supported by National Natural Science Foundation of China (No. 62075214); National Key R&D Program of China (No. 2020YFC2200104)

收稿日期:2022-12-07;修订日期:2023-01-06

but it is a necessary factor of gravitational-wave telescope design. Therefore, this paper studies stray light produced by space gravitational wave telescopes in orbit. First, the annual solar angle is calculated according to the orbital data of the three-star satellite formation of the Taiji Project, and the solar radiation around the 1 064 nm band is evaluated. The baffle shadowing function is derived, which satisfies the requirement for the baffle design. The telescope is then modeled optically and mechanically and scatter measurements are conducted for critical optical components. Finally, the stray light reaching the pupil of the telescope is determined based on the energy of the incident sunlight. The results show that when the angle between the incident light and the optical axis is 60° , the stray radiation at the exit pupil is 3.9×10^{-12} W, and the corresponding point source transmittance is 8.7×10^{-9} which meets the requirement for space gravitational waves to detect extremely low levels of stray light.

Key words: spaceborne gravitational wave detection; optical scattering; stray light

1引言

由于不受地球曲率限制,空间引力波探测可 达到地面探测无法比拟的频率响应和探测精度。 空间引力波探测的基本手段为超远距离高精度激 光干涉测距。通过监测测试质量间由引力波引 起的距离变化,可对引力波信号进行测量并反演 出波源的性质。在太极计划中,三颗卫星在日心 轨道组成等边三角形编队,其干涉臂长达到三百 万公里[1-2]。望远镜在探测中同时收发激光光束, 是引力波探测计划中的关键组成部分。然而在实 际加工设计过程中,由于光学表面不能完美地反 射或吸收入射光,导致存在散射光。在德国加兴 搭建的干涉仪原型中首次发现散射光对引力波探 测产生影响[3-4]。随后杂散光问题成为引力波探 测的核心问题之一。空间引力波望远镜产生杂散 光的过程通常分为相干散射和非相干散射。前者 为发射激光光束与散射光束具有相同的相位变 化[5];后者中发射激光光束与散射光束的相位变 化具有随机性。通常,相干散射来源于望远镜镜 面的后向散射,而非相干散射来源于望远镜的结 构部分或来自入射到望远镜的非相干环境光。近 年来,相干光的计算及耦合机理均得到了广泛关 注[5-7]。然而,在空间引力波计划中,对非相干环 境杂散光的讨论相对较少。本文基于中国太极计 划的轨道数据,通过轨道分析软件对全年入射望 远镜的主要散射源——直接太阳辐射,进行计算, 给出遮光罩设计指标,对望远镜的光学表面进行 散射测量,通过光学追迹软件 ASAP 对望远镜进 行建模。得到望远镜出瞳处非相干杂散光通量和 望远镜杂散光抑制能力。

2 空间引力波探测计划

2.1 任务概述

太极计划由三颗卫星构成的等边三角形编队 组成,3颗卫星均处于日心轨道上,与地心轨道相 比,热稳定性更好。如图1所示,卫星编队三角形 质心相对于地球的拖尾角约为20°,卫星编队平 面与黄道面夹角约为60°。每颗卫星通过望远镜 同时发射与接收波长为1064 nm的激光,接收到 的激光信号通过本地干涉仪导入到测试质量上,光 束经过测试质量反射后于本地干涉仪发生干涉^[8]。 通过监测干涉信号的相位变化,可以反演由引力 波引起的距离变化。太极计划可以探测0.1 mHz~ 0.1 Hz的引力波信号,可探测的振幅达到10⁻²⁰ 以 下。由于空间环境不可避免地存在太阳辐射,太 阳风等各种不可控因素的影响,使得干涉精度下 降。对于望远镜而言,其光程稳定性需要达到 1 pm/√Hz,指向稳定性需要达到1 nrad/√Hz^[9]。



Fig. 1 Schematic diagram of the satellite constellation for the Taiji program

2.2 空间引力波望远镜概述

根据前文所述,6个望远镜同时收发激光光 束,并进行扩束与缩束,在空间引力波探测计划 中,承担关键角色。由于望远镜的设计制造精度 直接影响引力波探测精度。这要求望远镜具有高 度光程与指向稳定性^[10],高光学输出效率,低抖动 噪声^[11]。由于激光信号经过百万公里传输后,衰 减为皮瓦量级,因此,还必须对杂散光进行控制与 抑制。根据太极计划的要求,对于单位入射光能 量,到达探测器的杂散光功率应小于10⁻¹⁰ W^[2,5]。

太极计划的望远镜光路如图 2 所示,相关设 计参数由表 1 给出。太极计划望远镜采用的是离 轴四反型设计, 入瞳直径为 400 mm。早期望远镜 设计采用经典轴上 Cassegrain 式望远镜。其优点 是结构紧凑,稳定性高。然而,轴上设计会产生后 向反射光^[12], 加之干涉仪平台与望远镜并非绝对 静止, 因此, 后向反射光的存在使得望远镜杂散光 问题更加严重。由于离轴角的存在, 离轴设计不 存在后向反射光的问题, 且与轴上设计相比, 不存 在中心遮拦。因此, 尽管离轴设计的体积更大, 设 计难度更高, 但国际主流望远镜设计还是采用了 离轴设计。



图 2 望远镜样机光学布局 Fig. 2 The optical layout of the telescope prototype

表1 空间引力波望远镜设计参数

 Tab. 1 Design parameters of the space gravitational wave telescope

参数	设计指标
光学口径/mm	400
捕获视场/μrad	± 400
科学视场/µrad	±8
放大倍率	80×
波前质量(RMS)	λ/30

图 3 为太极计划望远镜的结构设计方案,主 承力结构为主镜背板,前端桁架为次镜提供支 撑。光学元件采用了微晶玻璃材料,结构件采用 殷钢材料制作,二者线胀系数能够匹配(0.05× 10⁻⁶)。因此,具备极强的热性能,满足在轨抗热扰 动能力,且可以保证光程的稳定性。遮光罩采用 柔性结构安装,在不影响望远镜动力学性能的同 时,能够初步隔绝绝大多数的外部杂散光。内部 挡光环的间隔与形状经过精细设计,旨在精细控 制来自空间环境的前向杂散光。



图 3 望远镜结构设计方案 Fig. 3 Schematic diagram of telescope structure

3 空间环境辐射计算

卫星在轨运动接收到的外辐射主要包括太阳 辐射和宇宙背景辐射,其中太阳的直接辐射是很 重要的辐射源,对卫星表面温度,系统波前和杂散 光都有很大影响。因此,本节将计算望远镜全年 接收到的太阳光功率。根据第二节可知,引力波 探测单个卫星的两个望远镜分别指向其他两个望 远镜。由于卫星轨道全年不断变化,只有在望远 镜入瞳处于光照区时是才会接收到直接太阳辐 射。卫星编队的半长轴约为一个天文单位,此时 太阳光可以近似为平行光,在单位时间内投射到 单位面积的全部辐射约为一个常数1353 W,该常 数通常称为太阳常数 R_s 。假设望远镜入瞳的法向 量为 \vec{n}_0 ,太阳矢量为 \vec{S} ,太阳矢量与入瞳法向量的 夹角为 θ_{sun} ,则面积为A的曲面接收到的直接太阳 辐射为^[13]:

$$P_0 = \iint R_s \cdot \frac{(\cos \theta_{\text{sun}} + |\cos \theta_{\text{sun}}|)}{2} dA \quad . \tag{1}$$

当cosθ_{sun} < 0时,望远镜入瞳接收到的太阳辐射为零。可以看作望远镜此时处于阴影区,不会

被太阳直接照亮。由于望远镜的入瞳为平面。则 卫星表面接收到的太阳辐射可简化为:

$$P = R_s A \frac{(\cos \theta_{\rm sun} + |\cos \theta_{\rm sun}|)}{2} \quad . \tag{2}$$

假设 2025 年 1 月 27 日三星编队入轨,以编 队稳定性为优化指标,采用日心黄道 J200 坐标 系,并假定太阳为坐标原点。单颗卫星位置由近 日点幅角,倾角,升交点赤经确定,卫星位置由真 近点角与速率确定。将太极计划轨道相关场景带 入到航天轨道分析软件中,构建望远镜入瞳法向 量与太阳矢量的关系,将全年的6个望远镜与太 阳矢量的夹角数据导出。然后,根据光谱数据与 半长轴对太阳常数进行校正并带入到公式(2)中, 得到望远镜在1000~1100 nm 波段,全年接收到 的太阳辐射。其中卫星1的两个望远镜的入射光 功率随时间的变化情况如图 4(彩图见期刊电子 版)如示。卫星2与卫星3的曲线形状与为卫星 1的曲线形状相似, 仅存在一定的相位差, 因此不 再赘述。根据图 4可以发现,望远镜全年处于太 阳光照区的时间约为184天左右,峰值功率约为 $4.5 W_{\circ}$





Fig. 4 Received direct solar radiation of the telescope of satellite 1 varying with onboard time

4 遮光罩设计

根据引力波望远镜全年的光照情况,可以增加遮光罩以消除杂散光。根据当前总体设计方案,望远镜本身暂未考虑遮光罩的设计。目前主要存在两种方案;第一种是为望远镜增加保护外包络,以提高望远镜的隔热性和稳定性;第二种是将航天器本身作为遮光罩。但无论那种方案,均涉及到望远镜与遮光罩分离的情况。基于该情

况,本文采用重叠投影法对遮光罩进行设计,并对 遮光罩投影函数 (BPF) 进行了理论推导。假设遮 光罩长度为 L_s遮光罩的上沿与望远镜光轴的距 离为D_s,望远镜的入瞳半径为D_t,则遮光罩的遮 光效果可以通过遮光罩投影函数来描述。其定义 为在遮光罩投影面与入瞳的重叠面积与入瞳面积 的比值。经过理论推导可得:

$$BPF = -\sqrt{1-\alpha^2} \left[\alpha D_t^2 + \sqrt{D_s^2 D_t^2 + D_t^4 (\alpha^2 - 1) d^2} \right] + D_t^2 \arccos \alpha + D_s^2 \arcsin \left(\frac{\sqrt{1-\alpha^2} D_t}{D_s} \right) ,$$
(3)

其中,α满足:

$$\alpha = \frac{L_s^2 \tan^2(\theta_{sun}) + D_t^2 - D_s^2}{2L_s D_t \tan(\theta_{sun})} \quad . \tag{4}$$

根据公式 (3) 和 (4), 当 $\tan \theta_{sun} \ge (D_s + D_t)/L_s$ 时, BPF=0。当 $\tan \theta_{sun} \le (D_s - D_t)/L_s$ 时, BPF=1。 由于望远镜视场角较小, 所以可以不考虑由遮光 罩引起的渐晕效应。导入引力波望远镜数据, 可 得当 D_s, D_t, L_{sun} 满足如下关系时可以实现较好的 遮蔽效果:

$$\frac{D_s + D_t}{L_s} \leqslant 1.732 \quad . \tag{5}$$

由此可见, *L*,的长度越长, 遮蔽效果越好。然 而在实际工程应用中, *L*,过长, 会使得遮光罩异常 笨重。因此, 需要综合考虑遮光罩的重量, 望远镜 外包络的尺寸等因素。本文给出光学相关设计要 求, 在后续望远镜集成时, 仅需根据上述结论进行 简单代数运算, 即可完成遮光罩设计(图 5)。



5 光学表面测量

空间引力波探测采用的反射式望远镜的主要 光学表面包括用于收发激光的光学镜面与涂在结 构表面用来吸收环境光的黑漆。由于表面缺陷不 可避免地存在,光学表面不能完美的吸收或者反 射入射光,形成散射光。当散射光经过探测系统 到达出瞳后,将形成杂散光。本文对加工得到的 光学镜面进行形貌学测量,并且基于光学表面形 貌特征,对表面进行了散射学测量。

5.1 光学表面形貌测量

为探究光学表面的表面特性,对超光滑表 面进行样品制备。光学镜面拟采用的基底为 ZERODUE,在室温条件下,热膨胀系数可达到 10⁻⁸ K⁻¹,在10⁻⁵ K/√Hz的温控水平下,可以满足 空间引力波的探测需求。针对1064 nm 波段,对 光学表面进行银增强反射镀膜,二氧化硅保护镀 膜。理论上,反射率可达到97%以上。处理后的 光学表面如图 6(a)所示。光学表面的均方根粗 糙度δ_{ms}可以表示为:

$$\delta_{\rm rms} = \sqrt{\frac{1}{N} \cdot \sum_{i=1}^{N} z_i^2} \quad . \tag{6}$$



式中: N 为采样点个数, z_i 为光学表面相对平均表面的偏移,满足 $\sum_{i=1}^{N} z_i = 0$ 。根据公式(6),均方根粗糙度的计算结果取决于视场宽度 L,即最大空间波长与采样间隔。另一方面,粗糙度的计算结果还依赖于横向分辨率,这与采用的仪器分辨率有关。因此,对于给定的光学表面,不存在唯一的粗糙度值。出于研究的严谨性,对于光学表面需要采用不同的技术对不同空间频率表面进行表征。因此,本文分别采用了原子力显微镜 (AFM)及非接触式白光干涉仪 (WLI) 对表面进行了接触式及非接触式测量。AFM 测试结果如图 6(b)所示,视场为 0.02 mm× 0.02 mm, $\delta_{ms} = 0.29$ nm。图 6(c)为WLI 的测量结果,物镜的放大率为 10X, $\delta_{ms} = 0.58$ nm。

5.2 光学表面散射测量

粗糙度是光学表面的典型缺陷之一,会产生 散射光。由于其处于望远镜工作视场内,很难通 过结构设计来抑制。而超光滑表面处理为典型手 段。为量化杂散光的影响,本文对上述超光滑材 料进行散射测量。通常散射光用双向反射分布函 数(BRDF)进行量化。其定义为:

$$BRDF(\theta_{\rm i},\theta_{\rm s},\varphi_{\rm s}) \approx \frac{P_{\rm s}/\Omega_{\rm s}}{P_{\rm i}\cos\theta_{\rm s}} \quad , \qquad (7)$$

其中 θ_i , θ_s , φ_s 分别为入射光的入射角,散射极角和 散射方位角。 P_i , P_s 分别为入射光和散射光功率, Ω_s 为散射光立体角。积分散射损失(TIS)的表达 式为:

$$TIS = \int_{0}^{2\pi\pi/2} \int_{0}^{\pi/2} BRDF \cdot \sin(\theta_{\rm s}) d\theta_{\rm s} d\varphi_{\rm s} \quad . \tag{8}$$

对于望远镜超光滑表面,采用散射仪进行测量,在入射角分别为5°,45°,75°时的BRDF测试结果如图7(a)(彩图见期刊电子版)所示。根据图7可知,当入射角等于散射角时,BRDF达到峰值。当入射角为0°时,TIS约为0.0055%,对应粗糙度为0.62 nm。在相同频域范围内,其与上述形态学测量结果相近,可视为有效测量。

针对涂黑表面,同样采用了相同方式进行散 射学测量。测量结果如图 7(b)(彩图见期刊电子版)所示。当接近于正入射时,与镜面相比,涂黑 表面在反射光附近具有良好的消光性,大部分的 能量会被吸收,此时的散射损失为 0.83%。然而, 随着入射角增加,消光性能减弱(图 7(b)黄色曲线)并呈现镜面反射特征,散射损失达到 50%。



Fig. 7 Scattering measurement results of the scattering surface

6 前向杂散光分析

为研究上述表面所产生的散射光对光学系统 的影响,对散射测量结果分别采用 Harvey 模型和 多项式模型进行拟合,并带入到光学追迹软件 中。本文采用的是非序列光线追迹软件 ASAP, 且暂未考虑遮光罩的影响。本文对在太阳照射 下,望远镜最差杂散光表现进行评估。光线追迹 结果如图 8 所示。此时的入射光与光轴夹角为 60°。为进一步抑制入射的直接太阳辐射,采用投 影法对挡光环进行设计。挡光环的高度与距离满 足以下公式:

Height =
$$e + (D - A) \cdot \tan(\theta)$$

Space = $I - D = (i - a) \cdot \frac{B - A}{c - a} - (d - a) \cdot \frac{H - A}{g - a}$.



图 8 空间引力波望远镜追迹示意图

Fig. 8 Ray-tracing diagram of the spaceborne gravitational wave telescope

相关参数的定义可参考文献 [14]。在图 8 中,为了更好地展示散射光的传输,外围镜筒并未 进行展示。追迹光路结果显示:望远镜镜筒的下 侧内表面为关键照明表面,为主要的前向杂散光 来源。为量化望远镜的杂散光抑制能力,一般通 过点源透射比(PST)进行描述。其定义为:

$$PST = \frac{E_{SL}}{E_{in}} \quad , \tag{10}$$

其中: *E*_{SL}为出瞳处由杂散光引起的辐射照度, *E*_{in}为入瞳处的辐射照度。通过光线追迹得到 PST 随入射光与光轴夹角的变化情况如图 9 (彩图见期刊电子版)蓝色曲线所示。当入射太阳 光的角度为 60°时, PST 为8.7×10⁻⁹。随着入射 角度的增加,入射到光学系统的能量逐渐减弱。







将第三节计算得到的入射太阳辐射通量带入 光学系统,可以得到太阳接收到的功率。结果如 图 9 中橙色曲线所示。当θ_{sun}=60°时,峰值功率 为3.9×10⁻¹²W。结果表明该系统对前向杂散光 有良好的抑制能力。 第5期

7 结 论

根据空间引力波探测计划,本文对空间引力 波望远镜非相干前向杂散光展开研究。首先,基 于空间轨道数据,对引力波望远镜在轨全年光照 进行计算。然后,对超光滑表面进行形貌学与散 射学测量。实验结果显示:正入射情况下,光学 镜面的散射损失为0.0055%,消光表面的散射损 失为0.83%。最后,将光学表面的散射结果带入 到光学系统中,并针对杂散光对光学系统进行优 化。当入射光与光轴夹角为 60°时, 出瞳处的杂 散辐射为 3.9×10⁻¹²W, 对应点源透射比为 8.7× 10⁻⁹。结合空间引力波望远镜轨道构型与优化 设计, 可以得出以下结论: 由太阳照射航天器引 起的非相干杂散光对光学系统的影响较小, 通过 本文的结构设计和表面处理可以得到良好地抑 制。对于空间环境引起的杂散光, 接下来的工作应 考虑空间环境中, 高能粒子对镜面结构的破坏和 支架热弹性变形对望远镜输出的影响。此外, 还 应考虑星间尘土吸附在镜面上所产生的杂散光等。

参考文献:

- [1] LUO Z R, WANG Y, WU Y L, et al.. The Taiji program: a concise overview[J]. Progress of Theoretical and Experimental Physics, 2021, 2021(5): 05A108.
- [2] 罗子人, 白姗, 边星, 等. 空间激光干涉引力波探测[J]. 力学进展, 2013, 43(4): 415-447.
 LUO Z R, BAI SH, BIAN X, *et al.*. Gravitational wave detection by space laser interferometry[J]. *Advances in Mechanics*, 2013, 43(4): 415-447. (in Chinese)
- [3] BILLING H, WINKLER W, SCHILLING R, *et al.*. The munich gravitational wave detector using laser interferometry [M]//MEYSTRE P, SCULLY M O. Quantum Optics, Experimental Gravity, and Measurement Theory. New York: Springer, 1983: 525-566.
- [4] MAISCHBERGER K, RÜDIGER A, SCHILLING R, et al. . High precision laser interferometry for detection of gravitational radiation[C]. Proceedings of the Fifth International Conference on Laser Spectroscopy V, Springer, 1981: 25-32.
- [5] SASSO C P, MANA G, MOTTINI S. The LISA interferometer: impact of stray light on the phase of the heterodyne signal[J]. *Classical and Quantum Gravity*, 2019, 36(7): 075015.
- [6] CANUEL B, GENIN E, VAJENTE G, et al.. Displacement noise from back scattering and specular reflection of input optics in advanced gravitational wave detectors [J]. Optics Express, 2013, 21(9): 10546-10562.
- [7] LENG R K, WANG ZH, FANG CH, et al.. Backscattering estimation of a tilted spherical cap for different kinds of optical scattering[J]. Optics, 2022, 3(2): 177-190.
- [8] 李卓, 王有亮, 郑建华, 等. 空间引力波探测任务的入轨误差分析[J]. 中国光学, 2019, 12(3): 493-502.
 LI ZH, WANG Y L, ZHENG J H, *et al.*. Injection error analysis of space gravitational wave detection[J]. *Chinese Optics*, 2019, 12(3): 493-502. (in Chinese)
- [9] 王智, 马军, 李静秋. 空间引力波探测计划-LISA系统设计要点[J]. 中国光学, 2015, 8(6): 980-987.
 WANG ZH, MA J, LI J Q. Space-based gravitational wave detection mission: design highlights of LISA system[J].
 Chinese Optics, 2015, 8(6): 980-987. (in Chinese)
- [10] 李建聪,林宏安,罗佳雄,等.空间引力波探测望远镜光学系统设计[J].中国光学,2022,15(4):761-769.
 LI J C, LIN H A, LUO J X, *et al.*. Optical design of space gravitational wave detection telescope[J]. *Chinese Optics*, 2022, 15(4):761-769. (in Chinese)
- [11] 王智, 沙巍, 陈哲, 等. 空间引力波探测望远镜初步设计与分析[J]. 中国光学, 2018, 11(1): 131-151.
 WANG ZH, SHA W, CHEN ZH, *et al.*. Preliminary design and analysis of telescope for space gravitational wave detection[J]. *Chinese Optics*, 2018, 11(1): 131-151. (in Chinese)
- [12] SANJUAN J, MUELLER G, LIVAS J, et al. . LISA telescope spacer design investigations [C]. 38th COSPAR Scientific Assembly, COSOAR, 2010.
- [13] 向诗红,张涛.利用STK计算卫星外表面接收的太阳直接辐射[J]. 红外技术, 2007, 29(9): 508-511.
 XIANG SH H, ZHANG T. Calculation of solar direct radiation on the satellite external surface using STK[J]. *Infrared Technology*, 2007, 29(9): 508-511. (in Chinese)
- [14] BREAULT R P. Vane structure design trade-off and performance analysis [J]. *Proceedings of SPIE*, 1989, 967: 90-117.

作者简介:



冷荣宽(1994—),男,吉林长春人,博 士研究生,2021年于德国耶拿大学获 得光子学硕士学位,曾工作于 Fraunhofer Institute for Applied Optics and Precision Engineering (IOF)。主要从事散 射光学与杂散光研究。E-mail; leng rongkuan@126.com



王 上(1996—), 男, 吉林长春人, 2021 年于中国科学院大学获得硕士学位, 现 就职于中国科学院长春光学精密机械 与物理研究所, 主要从事光机结构设计 与工程分析工作。E-mail: ws790402497 @163.com



王 智(1978—),男,山东寿光人,博 士,中国科学院长春光学精密机械与 物理研究所研究员、博士生导师,国 科大杭州高等研究院基础物理与数 学科学学院双聘教授,长春理工大学 双聘教授,吉林省 B 类(国家级领军) 人才,主要从事引力波相关领域研究。 E-mail: wz070611@126.com