



激光与光电子学进展
Laser & Optoelectronics Progress
ISSN 1006-4125, CN 31-1690/TN

《激光与光电子学进展》网络首发论文

题目: 基于径向基神经网络的相位畸变补偿算法
作者: 史有洲, 吴一辉, 周文超
收稿日期: 2023-04-18
网络首发日期: 2023-07-17
引用格式: 史有洲, 吴一辉, 周文超. 基于径向基神经网络的相位畸变补偿算法[J/OL]. 激光与光电子学进展.
<https://kns.cnki.net/kcms2/detail/31.1690.TN.20230714.1022.128.html>



网络首发: 在编辑部工作流程中, 稿件从录用到出版要经历录用定稿、排版定稿、整期汇编定稿等阶段。录用定稿指内容已经确定, 且通过同行评议、主编终审同意刊用的稿件。排版定稿指录用定稿按照期刊特定版式(包括网络呈现版式)排版后的稿件, 可暂不确定出版年、卷、期和页码。整期汇编定稿指出版年、卷、期、页码均已确定的印刷或数字出版的整期汇编稿件。录用定稿网络首发稿件内容必须符合《出版管理条例》和《期刊出版管理规定》的有关规定; 学术研究成果具有创新性、科学性和先进性, 符合编辑部对刊文的录用要求, 不存在学术不端行为及其他侵权行为; 稿件内容应基本符合国家有关书刊编辑、出版的技术标准, 正确使用和统一规范语言文字、符号、数字、外文字母、法定计量单位及地图标注等。为确保录用定稿网络首发的严肃性, 录用定稿一经发布, 不得修改论文题目、作者、机构名称和学术内容, 只可基于编辑规范进行少量文字的修改。

出版确认: 纸质期刊编辑部通过与《中国学术期刊(光盘版)》电子杂志社有限公司签约, 在《中国学术期刊(网络版)》出版传播平台上创办与纸质期刊内容一致的网络版, 以单篇或整期出版形式, 在印刷出版之前刊发论文的录用定稿、排版定稿、整期汇编定稿。因为《中国学术期刊(网络版)》是国家新闻出版广电总局批准的网络连续型出版物(ISSN 2096-4188, CN 11-6037/Z), 所以签约期刊的网络版上网络首发论文视为正式出版。

基于径向基神经网络的相位畸变补偿算法

史有洲^{1,2}, 吴一辉¹, 周文超^{1*}

¹中国科学院长春光学精密机械与物理研究所, 吉林 长春 130033;

²中国科学院大学, 北京 100049

摘要 数字全息显微镜 (Digital Holographic Microscopy, DHM) 可以对生物样本的复杂波前进行数值重建, 但是物体波前存在二次相位畸变和高阶像差, 使得成像物体存在一定的相位像差。本文提出了一种基于径向基神经网络 (Radial Basis Function, RBF) 的相位畸变补偿算法, 使用 RBF 网络构建出非线性函数通过对损失函数最小化来估算物体的实际相位, 其损失函数考虑了在建立的全息面和 RBF 网络的输出。在仿真中以原模型为基准计算全局的均方误差, RBF 所得结果为 0.0374, 主成分分析法 (Principal Component Analysis, PCA) 为 0.0470, 频谱质心法 (Spectrum Centroid Method, SCM) 为 0.3303。实验设计中搭建 DHM 系统应用于 HL60 细胞的成像幅度和相位对比度观察, 结果显示 RBF 方法能够更好地消除载波频率和相位畸变。本文方法具有无需了解光学参数, 并且可以调整采样点数量控制计算时间和插值精度等优点, 在弱散射物体或微纳结构三维形态测量中具有潜在的应用前景。

关键词 数字全息; 相位恢复; 波前误差; 径向基神经网络

中图分类号 O438.1 **文献标志码** A

Phase compensation algorithm of off-axis digital holography based on radial basis function neural network

Shi Youzhou^{1,2}, Wu Yihui¹, Zhou Wenchao^{1*}

¹ Changchun Institute of Optics, Fine Mechanics and Physics, Chinese Academy of Sciences, Changchun, Jilin 130033, China;

² University of Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China

Abstract Digital holographic microscope allows the numerically reconstruct of the complex wavefront of biological samples, but the wavefront of the object has quadratic phase distortion and high-order aberration, which makes the imaging object have certain phase aberration. In this paper, a phase distortion compensation algorithm based on RBF neural network is proposed. The RBF network is used as the interpolation function to estimate the actual phase of the object by minimizing the loss function. The loss function takes into account the output of the holographic surface and RBF network. In the simulation, the global mean square error is calculated based on the original model. The result of RBF is 0.0374, the principal component analysis is 0.0470, and the spectrum centroid method is 0.3303. We set up a DHM system to observe the imaging amplitude and phase contrast of HL60 cells. The results show that the RBF method can better eliminate carrier frequency and phase distortion. The proposed method has the advantages of no need to know the optical parameters, and can adjust the number of sampling points to control the calculation time and interpolation

基金项目: 国家自然科学基金面上项目 (No. 61974143)、中科院青促会会员项目 (No. 2020223)、佛山中国科学院产业技术研究院产业化创新团队项目 (ZK TD 202003)

通信作者: *E-mail: zhouvc@ciomp.ac.cn

accuracy. It has potential application prospects in the three-dimensional shape measurement of weak scattering objects or micro-nano structures.

Key words Digital holography microscopy; Phase aberration compensation; Wavefront error; Radial basis function neural network

OSIC codes 090.0090;110.0110;180.0180;200.0200

1 引言

数字全息显微镜^[1-3] (Digital Holographic Microscopy, DHM) 将相位成像和显微技术结合, 能够非侵入、无损伤而定量地实现生物细胞高速与高对比度成像, 也能从干涉条纹中获取光程的变化量, 定量地测得样本三维特征。目前, DHM 已应用于许多领域, 如活细胞动态成像^[4]、微纳结构测量^[5]、光纤的表征^[6], 在显微领域内成为一类重要的光学测量技术。离轴数字全息显微术^[7-8]在物光波的传播方向和参考波之间引入倾斜角度附加了载波频率, 使得零级背景像、重建像及共轭像在波场的重建过程中彼此分离, 通过傅里叶变换法^[9] (Fourier Transform Method, FTM) 频谱滤波可以在重建中消除零级像和共轭像的干扰, 但是残余的载波频率使重建像产生了倾斜相位畸变^[9], 此外物光和参考光之间的球面曲率不匹配以及光学系统的高阶像差都会使得结果出现偏差。

最初 Takeda 等在 FTM 的基础上将频谱图峰值点移动到频谱图中心消除载波频率^[7], 这种方法虽然简单, 但是忽略了球面曲率和高阶像差, 在这种情况下, 频谱不再显示准确的中心频率, 影响样本相位分布的精确重建。近些年, 国内外研究人员提出了大量的解决方案, 主要可分为物理补偿方法和数值补偿方法, 物理补偿通常使用双曝光法^[11-12] (Double Exposure Method, DEM) 预先记录背景全息图或者在实验中引入相同曲率的透镜来实现对二次相位畸变补偿^[13], 但是该方法需要光学元件的精确对准, 并且在实践中难以实现完美波面匹配。数值补偿方法通过数字全息图后处理消除成像过程中的相位畸变, 可以在不需要额外全息图或知道系统参数的情况下校正相位像差, 包括 Zernike 多项式拟合^[14-15] (Zernike Polynomial Fitting, ZPF)、最小二乘法拟合^[16] (Least Square Fitting, LSF)、频谱质心法^[17] (Spectrum Centroid Method, SCM)、主成分分析^[18-19] (Principal Component Analysis, PCA) 等。在 ZPF 中, 被测样本的相位分布被认为是叠加在整个重构相位分布上的微小扰动, 通过开展参考波的计算拟合整个背景相位分布来消除载波及二次相位畸变, 在使用 ZPF 方法时需要根据不同情况选择项数, 例如误差是低频还是中低频误差或者不同的波面形状。SCM 通过对滤波窗内质心定位来寻找低频点中心, 重建质量取决于窗口的设计, 而且无法消除高阶像差。LSF 是在畸变相位图上选取若干散点, 通过最小二乘法拟合出一个曲面进行相位相减来获得无畸变的相位图, LSF 方法要求对畸变相位的阶数的预估, 在实际应用中可能忽略了部分高阶项。PCA 方法则通过奇异值分解来获得主要部分并对其左右主奇异向量的分量拟合, 然后使用主分量的共轭乘实像获得去除畸变的相位分布, PCA 方法分析主要成分, 对于高阶相位畸变成分的恢复结果不佳。

在自适应光学 (Adaptive Optics, AO) 领域, 人工神经网络 (Artificial Neural Networks, ANN) 早已用于波前重构, 常用的卷积神经网络 (Convolutional Neural Network, CNN) 结构如: AlexNet^[20]、VGG^[21] 和 U-Net^[22] 均已实现波前相位恢复, 近些年 CNN 也逐步被用于 DHM 相位图的像差自动补偿^[23], 但是这些基于卷积算法的网络结构都用于时间不受限的场

景，因而在要求高动态成像能力的 DHM 中并未得到应用。径向基神经网络^[24] (Radial Basis Function, RBF) 几乎能实现完全逼近任何函数，而且 RBF 神经网络是种高效的前馈式网络，它具有全局最优特性，并且结构简单，训练速度快，适用于动态成像的波前处理，此外 RBF 在输入、输出之间构建出非线性函数，无需任何光学参数的测定，为实验减少了预处理过程。本文基于 RBF 神经网络实现了一种适用于 DHM 相位畸变补偿的算法，首先通过傅里叶变换将“+1”级频谱移至频谱中心生成消除了大部分载波频率的重建相位图；然后根据重建相图生成二值化图像掩膜，提取出背景区域部分散点数据作为训练样本；最后设置 RBF 网络参数对其进行训练，通过非线性映射计算出系统的相位像差，构建共轭的相位掩膜完成补偿进而计算出物体的精确相位。

2 RBF 相位恢复算法原理

在离轴数字全息术中，物体的相位信息通过物光与参考光干涉记录。在无高阶像差的情况下数字全息术的参考光波和物光波可定义为：

$$R = A \exp \left[i(k_x x + k_y y) \right] \quad (1)$$

$$O = A \exp \left[i\varphi(x, y) \right] \quad (2)$$

其中 A 为振幅， $k_x x + k_y y$ 为离轴干涉中的载波频率， $\varphi(x, y)$ 为由物体引起的相位变化量，则 CCD 相机记录参考光波和物光波干涉的全息图强度为：

$$\begin{aligned} I &= (R + O)(R + O)^* = |R|^2 + |O|^2 + O^* R + R^* O \\ &= 2A^2 + 2A^2 \cos \left[\varphi(x, y) - (k_x x + k_y y) \right] \end{aligned} \quad (3)$$

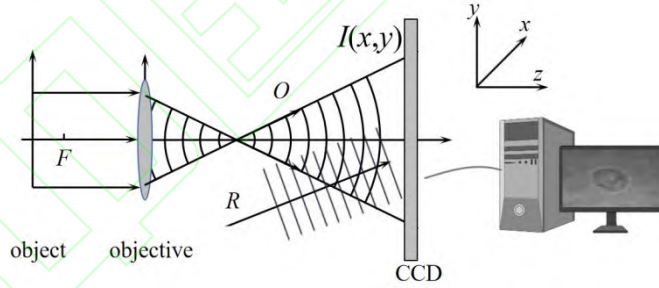


图1 CCD记录过程中的波面关系

Fig. 1 Wavefront relationship in CCD recording process

2.1 相位像差理论

由于二次相位畸变和高阶像差的存在，全息图强度变为：

$$\begin{aligned} I &= (R + O)(R + O)^* = |R|^2 + |O|^2 + O^* R + R^* O = \\ &2A^2 + 2A^2 \cos \left[\varphi(x, y) - (k_x x + k_y y) - (l_x x^2 + l_y y^2) - \varphi_h(x, y) \right] \end{aligned} \quad (4)$$

其中 $k_x x^2 + k_y y^2$ 为透镜引入的二次相位畸变， $\varphi_h(x, y)$ 为系统的高阶像差，以数字形式

表示全息图可将 $|R|^2 + |O|^2 + O^* R + R^* O$ 分为三个部分，分别对应于频谱中的三个主要分量：

第一项因子 $|R|^2 + |O|^2$ 被称为零级分量，表示全息图的背景光强，第二项因子 O^*R 为“-1”级分量，表示全息图的共轭像，第三项因子 R^*O 为“+1”级分量，表示全息图的实像，即为需要校正像差的重建相图。其中相位像差 $\varphi_e(x, y) = (k_x x + k_y y) + (l_x x^2 + l_y y^2) + \varphi_h(x, y)$ 。

公式（4）中的 $\varphi(x, y) - (k_x x + k_y y) - (l_x x^2 + l_y y^2) - \varphi_h(x, y)$ 为重建相图相位，数值方法为了消除载波和相位畸变，需要确定四个连续的波前^[25]：

$$\phi_1(x, y) = \frac{2\pi}{\lambda} \left[\frac{(x - x_0)^2 + (y - y_0)^2}{2R_1} \right] \quad (5)$$

$$\phi_2(x, y) = \frac{2\pi}{\lambda} \left[\frac{x^2 + \alpha y^2}{2R_2} \right] \quad (6)$$

$$\phi_3(x, y) = \frac{2\pi}{\lambda} (k_x x + k_y y) \quad (7)$$

$$\phi_4(x, y) = \varphi_h(x, y) \quad (8)$$

消除公式（4）中的载波频率和二次相位像差必须确定七个参数。首先，根据对应于条纹图案中心的像素坐标来估计球面偏移参数 x_0 和 y_0 和曲率半径 R_1 ，其次由残余相位畸变确定 R_2 值，参数 α 为残余条纹是略微椭圆形而加入的修正量，最后通过两个参数 l_x ， l_y 消除残余倾斜。这种一般的数值补偿方法能够实现消除载波频率和二次相位畸变，但是高阶像差往往被忽略。RBF 神经网络将相位畸变量看做一个整体，在一维数组的输入、输出之间构建出非线性函数，而光学领域中从相位信息中重构出相位畸变属于非线性函数的问题，因而 RBF 也应能够用于解决 DHM 的相位畸变补偿问题。

2.2 背景分割与散点数据的提取

手动选择相位背景牺牲了校正的自动性，在背景分割中，本文通过使用最大类间方差算法^[26]（OTSU）对灰度图像进行分割并转换为二值图像。在实际应用中，相干光源的散斑噪声、采样噪声和环境振动等可能会在二值图像中产生一些孔洞或孤岛，因此采用形态学的腐蚀与膨胀操作来提高分割质量，然后通过二进制图像中的所有白色像素来提取准确的背景区域。在散点数据的提取上，将白色像素分割为多个 50×50 的矩阵，在矩阵内随机提取一个值，最终获取的全部像素点即为所需的散点数据，散点的坐标为 RBF 的输入，值为 RBF 拟合的目标。

2.3 径向基神经网络相位畸变校正

RBF 神经网络^[24]的结构图如图 2 所示，其结构包含三层网络结构：输入层、隐含层和输出层。在 RBF 实现的典型方法中，基函数通常是高斯函数，并使用两层拓扑结构，它由一个隐藏层和一个输出层组成，隐藏单元的数量由输入数据确定。RBF 网络中的每个隐藏节点代表一个核心函数，输出节点通常计算隐藏节点输出的加权和，这种架构在计算速度方面具有很大优势且有着较强的局部逼近特性，其强大的逼近特性在应对非线性问题时存在着独特优势，因此在电机控制，相机标定，模型预测等领域都获得了广泛的应用。

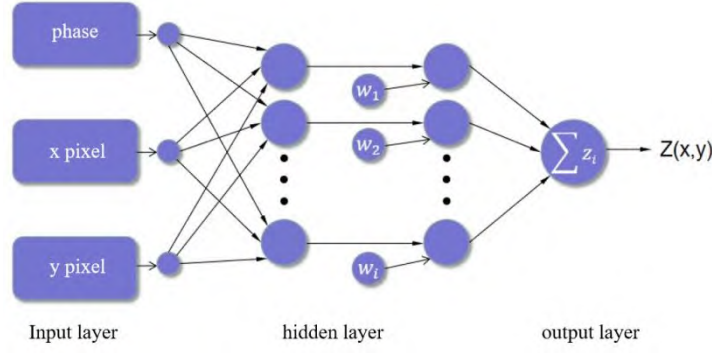


图2 RBF网络在相位恢复中的拓扑结构

Fig. 2 Topology of RBF network in phase recovery

RBF 网络的设计和训练包括：（1）确定要使用多少个核函数；（2）确定它们的中心参数和宽度参数；（3）确定将它们连接到输出节点的权重。该算法的流程图如图 3 所示，首先，通过滤波获得实像的频谱，将其移至频谱中心，并通过最小二乘法解包裹获得初步的重建相位图；其次，根据重建相图分割背景区域，生成二值化图像掩膜，提取出背景部分散点作为训练集的输入和输出，对训练集进行归一化处理，将所有数据归一到同一量纲上，通过非线性映射预测系统的相位像差，对预测的结果进行反归一化的处理；再次，通过损失函数判断结果是否已经达到预期，当不符合预设条件时，使用梯度下降法更新参数，计算出新的预测相位，并重复这一过程直至满足结果；最后，使用拟合的结果构建共轭的相位掩模完成补偿，进而计算出消除了像差的相位图。

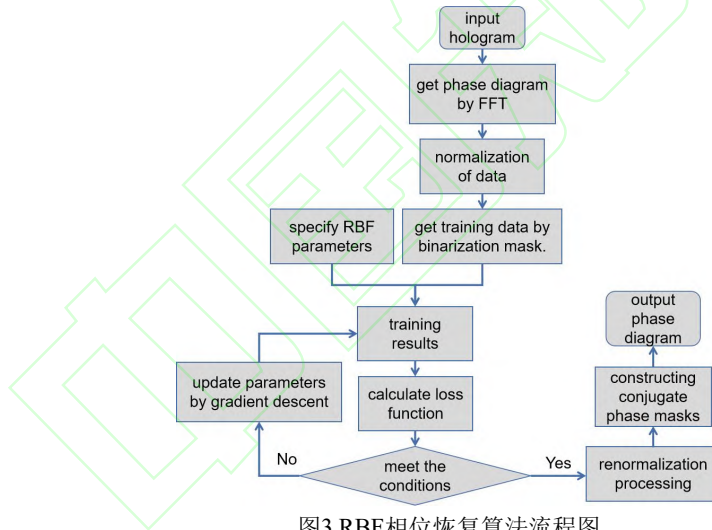


图3 RBF相位恢复算法流程图

Fig. 3 Flow chart of RBF phase recovery algorithm

在 RBF 相位畸变补偿中训练过程主要包含两部分：1）正向传播计算误差；2）反向传播调整参数。在算法设计中，输入的训练集的相位是 $\mathbf{Y} = (y_1, y_2, \dots, y_m)$ ，设置的初始中心参数 $\mathbf{c}$ 、宽度参数 σ 和权值 $\mathbf{w}$ 均为 20×1 的随机矩阵，隐藏层的节点数为 20，神经网络训练集的输入 $\mathbf{X} = (x_1, x_2, \dots, x_m)$ ，其对应的输出为：

$$\hat{y}_i = \sum_{j=1}^{20} w_j G(x_i, c_j) \quad (9)$$

$$G(x_i, c_j) = \exp\left(\frac{\|x_i - c_j\|^2}{-2\sigma_j^2}\right) \quad (10)$$

式（10）的高斯核函数 即为隐含层节点的激活函数。此时该样本获得的预测相位输出 $\hat{\mathbf{Y}} = (\hat{y}_1, \hat{y}_2, \dots, \hat{y}_m)$ 。

RBF 神经网络的损失函数为:

$$Loss = \frac{1}{2} \sum_{i=1}^m (y_i - \hat{y}_i)^2 \quad (11)$$

根据损失函数, 利用梯度下降法更新参数 c_j , σ_j , w_j :

$$c_j = c_j + \Delta c_j, \Delta c_j = -\frac{\partial Loss}{\partial c_j} = \frac{w_j}{\sigma_j^2} \sum_{i=1}^m e_i G(x_i, c_j) (x_i - c_j) \quad (12)$$

$$\sigma_j = \sigma_j + \Delta \sigma_j, \Delta \sigma_j = -\frac{\partial Loss}{\partial \sigma_j} = \frac{w_j}{\sigma_j^3} \sum_{i=1}^m e_i G(x_i, c_j) \|x_i - c_j\|^2 \quad (13)$$

$$w_j = w_j + \Delta w_j, \Delta w_j = -\frac{\partial Loss}{\partial w_j} = \sum_{i=1}^m e_i G(x_i, c_j) \quad (14)$$

式中 $\|\cdot\|$ 为范数, $e_i = y_i - \hat{y}_i$ 。在损失函数最小化后得到一系列的中心参数、宽度参数和权值, 由公式 (8) 和 (9) 根据这些参数和高斯核函数的线性组合即可计算出相位图。

3 仿真与实验结果

3.1 仿真结果

对 peaks(200)函数的计算机模拟结果如图 4 所示, 仿真中设置的波长为 632.8nm, 引入的载波为 $\pi/4$, 像素尺寸为 $5.2\mu\text{m} \times 5.2\mu\text{m}$, 对应与下文实验中相机的像素尺寸, 并加入了随机的轻微球面曲率与三阶误差。图 4 为仿真模拟的结果, 其中图 4 (a) 为数字全息图, 对其局部放大可以看出仿真的数字全息图具有致密的条纹, 这说明设置的载波频率大小能够保证各级频谱分离; 图 4 (b) 为傅里叶频谱, 红色方框内为实像对应的“+1”级频谱; 4 (c) 为 FTM 算法获得的相位, 由于球面相位像差的存在, FTM 算法的频谱中心很难定位, 所得的定量相位图存在很大的载波余量, 而且未考虑球面相位像差, 对于大视场的成像系统误差非常明显; 图 4 (d) 为 RBF 神经网络获得的补偿相位, 图中黑点为网络输入的训练集数据, 将补偿相位的共轭与定量相位图相乘获得图 4 (e) 中消除了相位畸变的相位分布, 其边缘部分拟合效果较差, 但是在物体及其四周的背景区域拟合效果很好, 因此边缘拟合的误差并不影响对物体定量相位的分析。该方法在一台 CPU 为 i7-9750HQ, 内存为 8G 的电脑上运行消耗的平均时间约 2.2s, 如果使用计算性能强大的 GPU 进行并行运算, 该方法的计算时间还可以极大地缩短。为了获得定量的对比数据, 给出了图 4 (e) 所示白色虚线处多种算法的剖面数据, 其结果如图 4 (f) 所示。计算结果显示该剖面处 RBF 方法的标准差为 0.1786, PCA 为 0.2184, SCM 为 11.5237, 从中可以看出 SCM 因为未考虑二次相位畸变和高阶像差误差较大, RBF 与 PCA 则获得了相似的精度, 而 RBF 边缘效果较差, 当只考虑样品区域时, RBF 获得的精度将会明显提高。图 5 给出了训练过程中损失函数随迭代过程的变化, 在训练 90 次左右损失函数趋于稳定不再发生明显变化, 此时损失函数约为 6×10^{-7} 。以原模型为基准计算三种方法在全局的均方误差, RBF 所得结果为 0.0374, PCA 为 0.0470, SCM 为 0.3303。这标志着本算法在不需要任何背景全息图的条件仅利用单幅离轴数字全息图就能较高质量地恢复出物体相位信息。

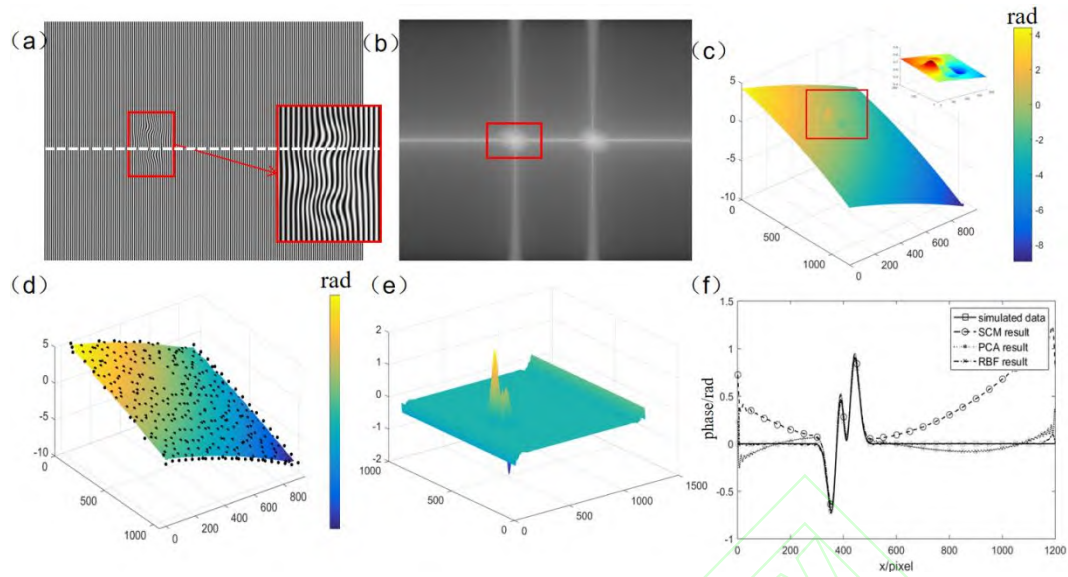


图 4 仿真结果 (a) 数字全息图; (b) 傅里叶频谱; (c) FTM 初步重建相位; (d) RBF 补偿相位及选取的训练散点; (e) 校正相位; (f) 仿真物体、SCM、PCA 及 RBF 方法在白线剖面处的数据

Fig. 4 simulation results: (a) Digital hologram; (b) Fourier spectrum; (c) FTM initial reconstruction phase; (d) RBF compensation phase and selected training scatters; (e) corrected phase; (f) the simulated object, SCM, PCA and RBF data at the white line section

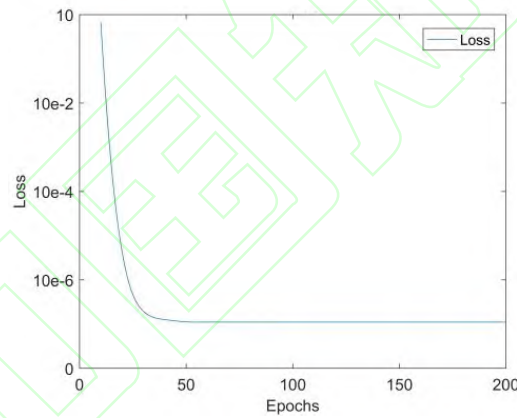


图 5 损失函数随迭代次数的变化

Fig. 5 The change of loss function with the number of iterations

3.2 实验结果分析

为验证所提出算法在实际应用中的效果,搭建了离轴干涉实验系统对 HL60 细胞进行成像,实验系统如图 6 所示,成像系统中光源为 He-Ne 激光器(波长 632.8nm)。入射光由分束器(BS)分为两束,一束到达样品获得样本信息后使用物镜 Mo (20×) 扩展成为物光,通过 4f 系统后获得与 CCD 相机相匹配的光斑尺寸,由反射镜 M 和 BS 反射到 CCD。另一束作为参考光经由反射镜 M 反射,穿过物镜 (5×) 和 BS,光束扩展到与 CCD 相匹配的光斑尺寸,然后以相对于物光的小角度投影到相机上,创建离轴干涉图案。

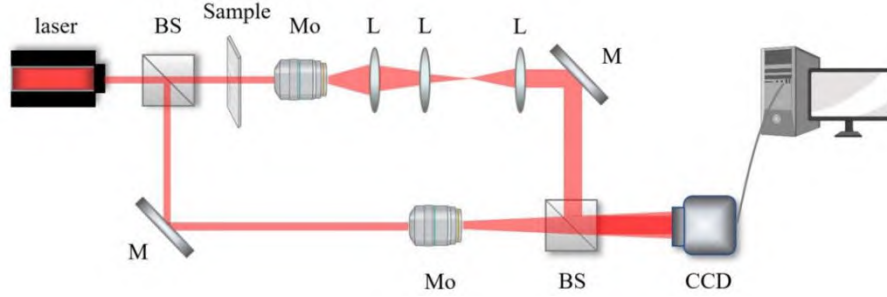


图 6 系统示意图。He-Ne: 激光器 ($\lambda = 632.8\text{nm}$)，S: 试样样品，Mo: 显微镜物镜，L1、L2、L3: 透镜，BS: 50: 50 分束镜，M1、M2: 反射镜，CMOS: 数码相机。

Fig. 6 System diagram. He-Ne: laser ($\lambda = 632.8\text{nm}$), S: sample sample, Mo: microscope objective, L1, L2, L3: lens, BS: 50:50 beam splitter, M1, M2: reflector, CCD: digital camera.

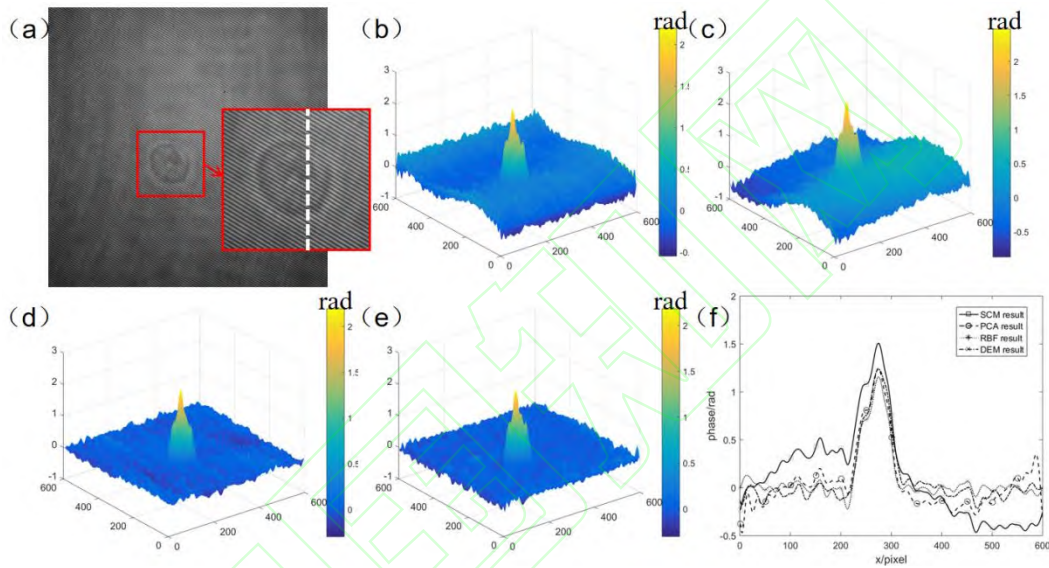


图 7 实验结果 (a) 数字全息图; (b) PCA 重建相位; (c) SCM 重建相位; (d) RBF 重建相位; (e) DEM 重建相位; (f) 图 (a) 中白线剖面处数据

Fig. 7 Experimental results (a) Digital hologram; (b) PCA reconstruction phase; (c) SCM reconstruction phase ; (d) RBF reconstruction phase; (e) DEM reconstruction phase; (f) the white line section data in(a)

实验中获得数字全息图的像素为 600×600 ，根据训练集的选取方法，从初始的重建相位图中获取了 12×12 个散点作为输入，由于输入样本的减少，整个校正相位的计算时间也减少到 1.5s 以下。结果如图 7 所示，其中图 7 (a) 为数字全息图，图 7 (b) - (e) 分别为 PCA、SCM、RBF 和 DEM 获得的重建相位，可以看出实验结果并未受到共轭像的干扰，SCM 消除了大部分的载波频率，但是由于忽略了二次相位畸变和高阶像差导致误差较大，PCA 通过奇异值分解提取出二次相位畸变，但高阶像差仍然存在，而 RBF 将相位像差视为一个整体，构建出非线性函数对其拟合，获得的结果与 DEM 方法最为接近。为了更直观地展现该方法恢复质量，对比多种算法提取图 7 (a) 中白色虚线处的剖面数据结果，结果如图 7 (f) 所示，可以看出本算法可以实现连续的相位高质量恢复，分别计算三种算法在白线剖面处相对于 DEM 的标准差，PCA 所得标准差为 0.440，SCM 所得标准差为 1.071，而 RBF 所得标准差为 0.138，可以看出 RBF 方法在不需要太多训练样本的情况下就能获得较高的精度。

在实验二中对视场内多个细胞的情况进行分析，图 8(a) 为数字全息图，像素为 900×900 ，图 8 (b) 为使用 OTSU 对初步获得的相位灰度图进行分割并二值化生成的掩膜，图 8 (b) - (e) 分别为 SCM、PCA、DEM 和 RBF 获得的重建相位，可以看出由于二次相位和高阶像

差的存在，SCM 和 PCA 均无法获得高质量的相位，而 RBF 获得了与 DEM 相近的结果。对图 8 (b) 和图 8 (e) 算法结果作差，得到图 9 所示的相位差值图，从图中可知 RBF 的边缘拟合效果虽然较差，但样品区域的相位与 DEM 方法接近，因此不影响测量结果。去除其边缘部分计算该算法相对于 DEM 的均方误差为 0.0041，峰谷值为 0.22。实验说明本文方法能够实现连续相位的高质量恢复。

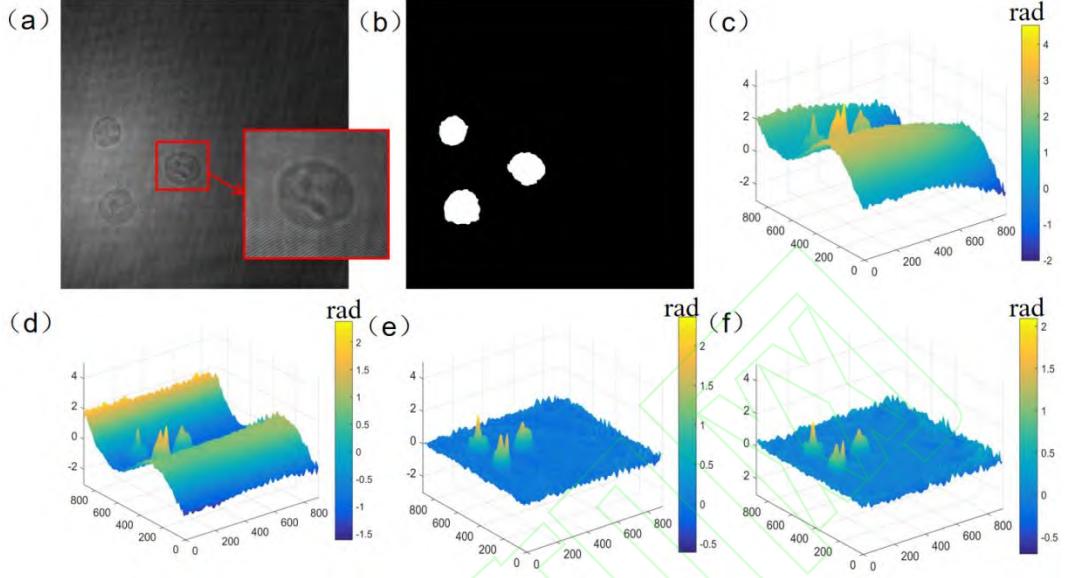


图 8 实验结果 (a) 数字全息图；(b) 获取训练数据的掩膜；(c) SCM 重建相位；(d) PCA 重建相位；(e) DEM 重建相位；(f) RBF 重建相位

Fig. 8 Experimental results (a) Digital hologram; (b) the mask for obtaining training data; (c) SCM reconstruction phase; (d) PCA reconstruction phase; (e) DEM reconstruction phase; (f) RBF reconstruction phase

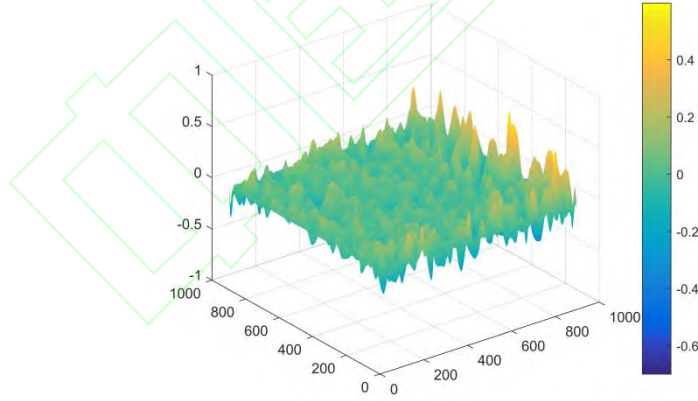


图 9 DEM 和 RBF 算法的相位差值

Fig. 9 The phase difference value between DEM and RBF algorithm

4 分析与讨论

本文提出了一种基于 RBF 神经网络的离轴数字全息干涉相位畸变校正方法，通过 RBF 网络校正载波频率、二次相位畸变和其他高阶像差。该方法使用 OTSU 获取训练集的数据，对训练集进行归一化处理，将所有畸变量视作一个整体，通过非线性映射预测系统的相位像差，其损失函数考虑了建立的校准平面和 RBF 网络输出的误差。在仿真中，以原模型为基

准计算三种方法全局的均方误差，RBF 所得结果为 0.0374，PCA 为 0.0470，SCM 为 0.3303，可见该方法能够获得更高的质量。在实验中设计了离轴全息显微镜对 HL60 细胞进行成像，在具有多细胞的视场内，RBF 相位畸变校正算法获得的相位图相对于 DEM 方法的均方误差为 0.0041，峰谷值为 0.22。实验证明使用 RBF 网络能够更准确地消除数字全息显微相位像差，对数字全息显微三维曲面重构具有重要意义。



参考文献

- [1] Cacace T, Bianco V, Ferraro P. Quantitative phase imaging trends in biomedical applications[J]. Optics and Lasers in Engineering, 2020: 106188.
- [2] Lee K R, Kim K, Jung J, et al. Quantitative phase imaging techniques for the study of cell pathophysiology: from principles to applications[J]. Sensors, 2013, 13(4): 4170-4191.
- [3] 满天龙, 万玉红, 营孟静, 等. 面向生物样品三维成像的光干涉显微技术研究进展[J]. 中国激光, 2022, 49(15): 69-89.
- Man T L, Wan Y H, Guan M J, et al. Research Progress in Optical Interference Microscopy Toward Three-Dimensional Imaging of Biological Samples[J]. Chinese Journal of Laser, 2022, 49(15): 69-89.
- [4] Shen Qian, Li Zhuoshi, Sun Jiasong, et al. Live-cell analysis framework for quantitative phase imaging with slightly off-axis digital holographic microscopy[J]. Frontiers in Photonics, 2022.
- [5] 陶思勤, 孔明, 刘维, 等. 基于双波长像面数字全息显微的微通道检测[J]. 光学学报, 2023, 43(05): 88-95.
- Tao S Q, Kong M, Liu W, et al. Microchannel Detection Based on Dual-Wavelength Image-Plane Digital Holographic Microscopy[J]. ACTA Optica Sinica, 2023, 43(05): 88-95.
- [6] Pang Z T, Zhang Hang, Wang Yu, et al.. Recognition of Multiscale Dense Gel Filament Droplet Field in Digital Holography With Mo-U-Net[J]. Frontiers in Physics, 2021, 9: 742296.
- [7] 刘雅坤, 肖文, 车蕾平, 等. 基于数字全息显微层析的癌细胞空泡化成像研究[J]. 中国激光, 2022, 49(20): 152-162.
- Liu Y K, Xiao W, Che L P, et al. Cancer Cell Vacuolization Imaging Based on Digital Holographic Microscopy Tomography[J]. Chinese Journal of Laser, 2022, 49(20): 152-162.
- [8] Shaked N T, Mico V, Trusiak M, et al. Off-axis digital holographic multiplexing for rapid wavefront acquisition and processing[J]. Advances in Optics and Photonics, 2020(3): 12.
- [9] 李芳, 王明清, 郑明, 等. 一种有效解决离轴数字全息相图倾斜畸变的 数字参考平面方法[J]. 物理学报, 2018, 67(09): 113-121.
- Li F, Wang M Q, Ming Z, et al. Numerical reference plane algorithm for effectively solving tilt distortion of a phase image in digital off-axis holography[J]. Acta Physica Sinica, 2018.
- [10] Liu Y, Wang Z, Li J, et al. Phase based method for location of the centers of side bands in spatial frequency domain in off-axis digital holographic microcopy[J]. Optics & Lasers in Engineering, 2016, 86: 115-124.
- [11] Hao B, Shan M, Zhi Z, et al. Parallel two-step spatial carrier phase-shifting interferometric phase microscopy with fast phase retrieval[J]. Journal of optics, 2015, 17(3).
- [12] Panezai S, Wang D, Zhao J, et al. Direct and complete calibration of phase modulation

- depth of LCOS by using double exposure digital holography[J]. 2013, 9045: 90450N.
- [13] Qu Weijuan, Choo C O, Rongwei L T, et al. Physical spherical phase compensation in reflection digital holographic microscopy[J]. Optics and Lasers in Engineering, 2012.
- [14] Miccio L, Alfieri D, Grilli S, et al. Direct full compensation of the aberrations in quantitative phase microscopy of thin objects by a single digital hologram[J]. Applied Physics Letters, 2007, 90(4): 041104-041104-3.
- [15] Zhang D, Fan J, Zhao H, et al. Error evaluation for Zernike polynomials fitting based phase compensation of digital holographic microscopy[J]. Optik, 2014, 125: 5148–5152.
- [16] Di J, Zhao J, Sun W, et al. Phase aberration compensation of digital holographic microscopy based on least squares surface fitting[J]. Optics Communications, 2009, 282(19): 3873-3877.
- [17] Fan Q, Yang H, Li G, et al. Suppressing carrier removal error in the Fourier transform method for interferogram analysis[J]. Journal of Optics, 2010, 12(11): 115401.
- [18] Sun J, Chen Q, Zhang Y, et al. Optimal principal component analysis-based numerical phase aberration compensation method for digital holography[J]. Optics Letters, 2016, 41(6): 1293.
- [19] Zuo C, Chen Q, Qu W, et al. Phase aberration compensation in digital holographic microscopy based on principal component analysis[J]. Optics letters, 2013, 38(10): 1724-1726.
- [20] Hu L, Hu S, Gong W, et al. Learning-based Shack-Hartmann wavefront sensor for high-order aberration detection: erratum[J]. Optics Express, 2020, 28(21): 32132-32132.
- [21] Guo H, Xu Y, Li Q, et al. Improved machine learning approach for wavefront sensing[J]. Sensors, 2019, 19(16): 3533.
- [22] Ronneberger O, Fischer P, Brox T. U-net: Convolutional networks for biomedical image segmentation[C]. International Conference on Medical image computing and computer-assisted intervention, 2015: 234-241.
- [23] Nguyen T, Bui V, Lam V, et al. Automatic phase aberration compensation for digital holographic microscopy based on deep learning background detection[J]. Optics express, 2017, 25(13): 15043-15057.
- [24] Esposito A, Marinaro M, Oricchio D, et al. Approximation of continuous and discontinuous mappings by a growing neural RBF-based algorithm[J]. Neural Networks, 2000, 13(6): 651-665.
- [25] Ferraro P, Nicola S D, Finizio A, et al. Compensation of the inherent wave front curvature in digital holographic coherent microscopy for quantitative phase-contrast imaging[J]. Applied Optics, 2003, 42(11): 1938.

- [26] Otsu N. A threshold selection method from gray-level histograms[J]. IEEE transactions on systems, man, and cybernetics, 1979, 9(1): 62-66.



网络首发:

标题: 基于径向基神经网络的相位畸变补偿算法

作者: 史有洲, 吴一辉, 周文超

收稿日期: 2023-04-18

录用日期: 2023-05-29

DOI: 10.3788/LOP231110

引用格式:

史有洲, 吴一辉, 周文超. 基于径向基神经网络的相位畸变补偿算法[J]. 激光与光电子学进展, 2024, 61(04): 0411002.

网络首发文章内容与正式出版的有细微差别, 请以正式出版文件为准!

您感兴趣的其他相关论文:

基于迭代的纯相位全息图生成算法比较研究

王晓诗 桂进斌 李俊昌 宋庆和

昆明理工大学理学院物理系, 云南 昆明 650500

激光与光电子学进展, 2023, 60(6): 0609001

基于光强传输方程离散余弦变换求解的数字全息相位解调方法

王杰宇 王华英 王学 门高夫 王文健 张子健 雷家良 董昭

河北工程大学数理科学与工程学院, 河北 邯郸 056038

激光与光电子学进展, 2022, 59(21): 2109001

相干衍射成像技术的最新进展: 层叠相位重建技术

潘兴臣 刘诚 肖伟刚 朱健强

中国科学院上海光学精密机械研究所高功率激光物理联合实验室, 上海 201800

激光与光电子学进展, 2022, 59(22): 2200001

数字全息测量系统的散斑噪声抑制

牛瑞 田爱玲 王大森 刘丙才 王红军 钱晓彤 刘卫国

西安工业大学光电工程学院陕西省薄膜技术与光学检测重点实验室, 陕西 西安 710021

激光与光电子学进展, 2022, 59(16): 1609002

基于深度学习的多尺度数字全息图重建

浦健 桂进斌 张凯

昆明理工大学理学院, 云南 昆明 650550

激光与光电子学进展, 2022, 59(2): 0209001